

EXERCICE 1 : Vrai ou faux ?

1° La médiane d'une série est toujours une donnée de la série.

FAUX car quand l'effectif total de la série est pair, la médiane est la moyenne des deux données centrales.

2° Si on enlève les deux valeurs extrêmes d'une série, la moyenne ne change pas.

FAUX car c'est une caractéristique de position qui dépend des valeurs extrêmes de la série.

Exemple : La moyenne de 6, 7, 11, 20 est 10,5 alors que la moyenne de 7 et 11 est 9.

3° Tous les triangles rectangles isocèles sont semblables.

VRAI car les triangles rectangles isocèles ont leurs angles deux à deux de même mesure.

Ils ont tous un angle de 90° et deux autres angles de 45°.

EXERCICE 2 : Le salaire des Français.

1° Le salaire moyen brut est de 2 764 € d'après le document 1.

$$\frac{22}{100} \times 2764 = 608,08 \quad \text{et} \quad 2764 - 608,08 = 2\,155,92.$$

Le salaire net moyen que percevait un Français en 2010 était de 2 155,92 €.

2° **Le salaire médian brut est le salaire qui partage la population en deux parties égales, la moitié qui gagne plus, l'autre moitié qui gagne moins.**

3° Le salaire médian brut s'élève à 1 610 € et le salaire moyen brut s'élève à 2 764 €.

Le salaire médian brut est donc très inférieur au salaire moyen brut.

Cela s'explique par l'**influence des valeurs extrêmes sur le calcul d'une moyenne**. En effet, si un certain nombre de personnes perçoit un salaire brut relativement élevé, cela agit sur la moyenne mais pas sur la médiane.

4° $\frac{8,6}{65} \times 100 \approx 13$ Donc **environ 13 % de Français vivaient en 2010 sous le seuil de pauvreté.**

EXERCICE 3 : Belle descente !

Les triangles ABE et IHF de ces deux rampes sont semblables.

Donc les côtés respectifs des triangles sont proportionnels.

$$\frac{AB}{IF} = \frac{AE}{IH} = \frac{EB}{HF} \quad \frac{5,1}{IF} = \frac{AE}{IH} = \frac{4,5}{3}$$

Calcul de IF :

$$IF = \frac{3 \times 5,1}{4,5} = 3,4 \quad \text{donc [IF] mesure 3,4 m.}$$

Calcul de IH:

Dans le triangle IHF rectangle en H, d'après le théorème de Pythagore on a :

$$IH^2 = IF^2 - HF^2$$

$$IH^2 = 3,4^2 - 3^2$$

$$IH^2 = 2,56$$

or $1,6^2 = 2,56$ donc **[IH] mesure 1,6 m.**

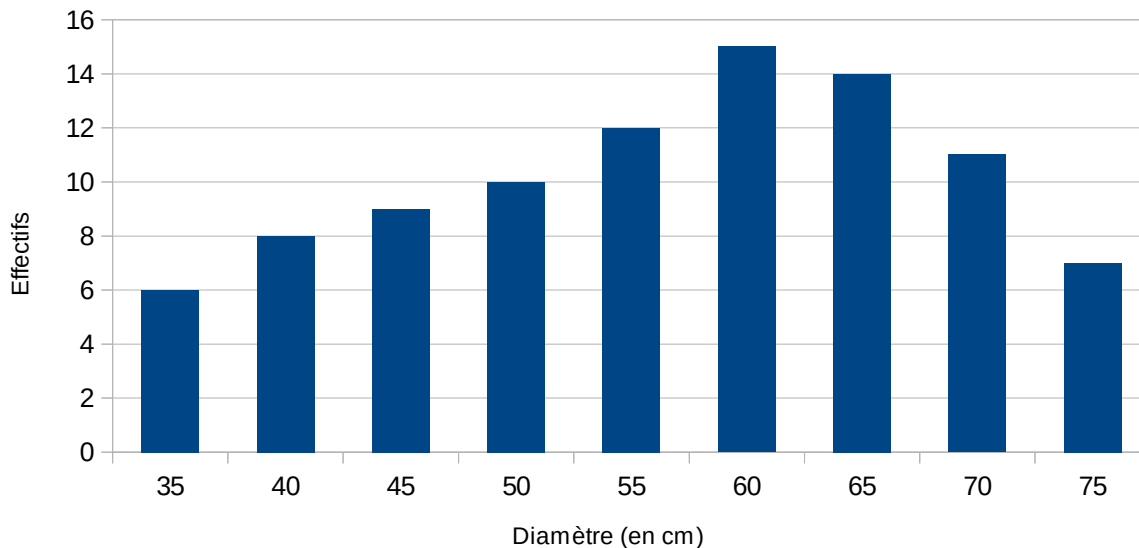
Tournez la page →

EXERCICE 4 : En forêt...

1° On doit entrer la formule : = SOMME(B2:J2)

2°

Diamètres d'un lot de pins



3° Effectif total : $2 + 4 + 8 + \dots + 4 + 3 = 92$

Rang de la médiane : $\frac{92}{2} = 46$ donc la médiane est entre la 46^{ème} valeur et la 47^{ème} valeur.

$6 + 8 + 9 + 10 + 12 = 45$ donc la 46^{ème} valeur et la 47^{ème} valeur sont : 60.

Le diamètre médian de ce lot est donc 60 cm.

Il y a donc au moins 50% des arbres de ce lot qui ont un diamètre inférieur ou égal à 60 cm et au moins 50% qui ont un diamètre supérieur ou égal à 60 cm.

4° L'étendue des diamètres de ce lot est 40 cm car $75 - 35 = 40$.

5° $V = \frac{10}{24} \times D^2 \times h$

$$V = \frac{10}{24} \times 0,60^2 \times 22$$

$$V = \frac{10}{24} \times 0,36 \times 22$$

$$V = 3,3 \text{ m}^3 \text{ (volume commercial pour un pin de ce lot)}$$

$$3,3 \times 92 = 303,6 \text{ m}^3 \text{ (volume commercial pour le lot)}$$

$$303,6 \times 70 = 21\,252$$

La vente de ce lot rapportera 21 252 €.

EXERCICE 5 : La course à pied.

Les deux triangles sont semblables donc leurs côtés respectifs sont proportionnels :

$$\frac{300}{400} = \frac{360}{\text{côté moyen}} = \frac{570}{\text{grand côté}}$$

Calcul des côtés du grand circuit :

$$\text{côté moyen} = \frac{360 \times 400}{300} = 480 \text{ et } \text{grand côté} = \frac{570 \times 400}{300} = 760$$

Donc les dimensions des côtés du grand circuit sont 400 m, 480 m et 760 m.

Ambre effectue deux tours du grand circuit.

$$2 \times (400 + 480 + 760) = 2 \times 1640 = 3280.$$

Ambre parcourt donc 3 280 m c'est-à-dire 3,28 km.

EXERCICE 1 : Vrai ou faux ?

1° Tous les triangles rectangles isocèles sont semblables.

VRAI car les triangles rectangles isocèles ont leurs angles deux à deux de même mesure.

Ils ont tous un angle de 90° et deux autres angles de 45°.

2° Si on enlève les deux valeurs extrêmes d'une série, la moyenne ne change pas.

FAUX car c'est une caractéristique de position qui dépend des valeurs extrêmes de la série.

Exemple : La moyenne de 6, 7, 11, 20 est 10,5 alors que la moyenne de 7 et 11 est 9.

3° La médiane d'une série est toujours une donnée de la série.

FAUX car quand l'effectif total de la série est pair, la médiane est la moyenne des deux données centrales.

EXERCICE 2 : Le salaire des Français.

1° Le salaire moyen brut est de 2 764 € d'après le document 1.

$$\frac{21}{100} \times 2756 = 578,76 \quad \text{et} \quad 2756 - 578,76 = 2\,177,24.$$

Le salaire net moyen que percevait un Français en 2010 était de 2 177,24 €.

2° **Le salaire médian brut est le salaire qui partage la population en deux parties égales, la moitié qui gagne plus, l'autre moitié qui gagne moins.**

3° Le salaire médian brut s'élève à 1 610 € et le salaire moyen brut s'élève à 2 756 €.

Le salaire médian brut est donc très inférieur au salaire moyen brut.

Cela s'explique par l'**influence des valeurs extrêmes sur le calcul d'une moyenne.** En effet, si un certain nombre de personnes perçoit un salaire brut relativement élevé, cela agit sur la moyenne mais pas sur la médiane.

4° $\frac{8,6}{65} \times 100 \approx 13$ Donc **environ 13 % de Français vivaient en 2010 sous le seuil de pauvreté.**

EXERCICE 3 : Belle descente !

Les triangles ABE et IHF de ces deux rampes sont semblables.

Donc les côtés respectifs des triangles sont proportionnels.

$$\frac{AB}{IF} = \frac{AE}{IH} = \frac{EB}{HF} \quad \frac{5}{IF} = \frac{AE}{IH} = \frac{4,8}{3}$$

Calcul de IF :

$$IF = \frac{3 \times 5}{4,8} = 3,125 \quad \text{donc [IF] mesure 3,125 m.}$$

Calcul de IH:

Dans le triangle IHF rectangle en H, d'après le théorème de Pythagore on a :

$$IH^2 = IF^2 - HF^2$$

$$IH^2 = 3,125^2 - 3^2$$

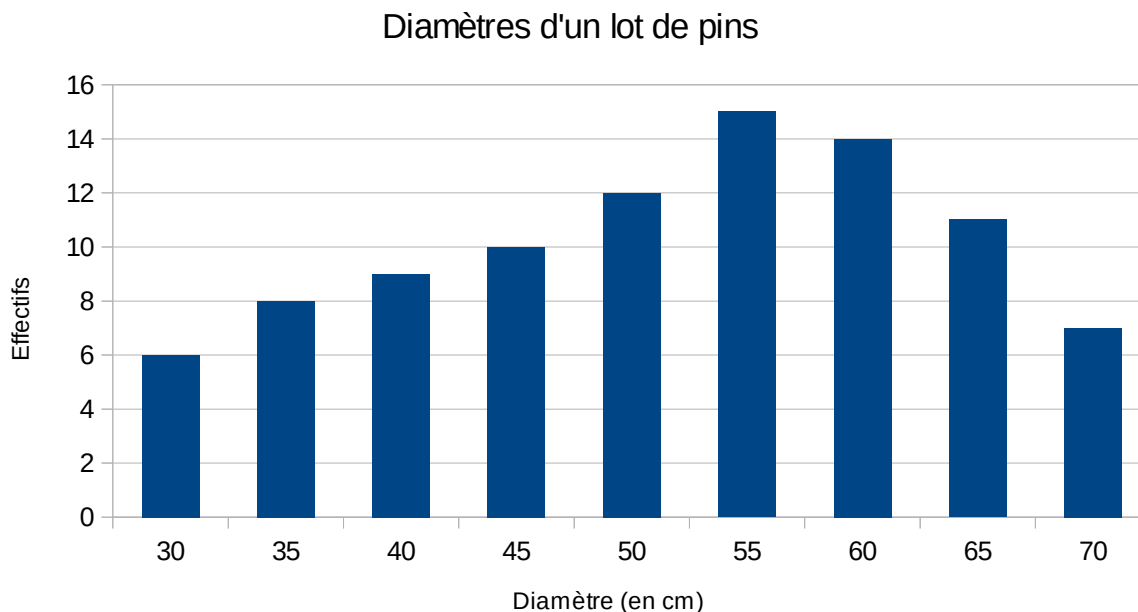
$$IH^2 = 0,765625$$

or $0,875^2 = 0,765625$ donc **[IH] mesure 0,875 m.**

EXERCICE 4 : En forêt...

1° On doit entrer la formule : = SOMME(B2:J2)

2°



3° Effectif total : $2 + 4 + 8 + \dots + 4 + 3 = 92$

Rang de la médiane : $\frac{92}{2} = 46$ donc la médiane est entre la 46^{ème} valeur et la 47^{ème} valeur.

$6 + 8 + 9 + 10 + 12 = 45$ donc la 46^{ème} valeur et la 47^{ème} valeur sont : 55.

Le diamètre médian de ce lot est donc 55 cm.

Il y a donc au moins 50% des arbres de ce lot qui ont un diamètre inférieur ou égal à 55 cm et au moins 50% qui ont un diamètre supérieur ou égal à 55 cm.

4° L'étendue des diamètres de ce lot est 40 cm car $70 - 30 = 40$.

5° $V = \frac{10}{24} \times D^2 \times h$

$$V = \frac{10}{24} \times 0,55^2 \times 22$$

$$V = \frac{10}{24} \times 0,3025 \times 22$$

$V \approx 2,8 \text{ m}^3$ (volume commercial pour un pin de ce lot)

$2,77 \times 92 \approx 255 \text{ m}^3$ (volume commercial pour le lot)

$$255 \times 70 = 17850$$

La vente de ce lot rapportera 17 850 € environ.

EXERCICE 5 : La course à pied.

Les deux triangles sont semblables donc leurs côtés respectifs sont proportionnels :

$$\frac{400}{500} = \frac{460}{\text{côté moyen}} = \frac{670}{\text{grand côté}}$$

Calcul des côtés du grand circuit :

$$\text{côté moyen} = \frac{460 \times 500}{400} = 575 \quad \text{et} \quad \text{grand côté} = \frac{670 \times 500}{400} = 837,5$$

Donc les dimensions des côtés du grand circuit sont 500 m, 575 m et 837,5 m.

Ambre effectue deux tours du grand circuit.

$$2 \times (500 + 575 + 837,5) = 2 \times 1912,5 = 3825.$$

Ambre parcourt donc 3 825 m c'est-à-dire 3,825 km.